

ତ୍ରିଭୁଜର ଧର୍ମ

7.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ :

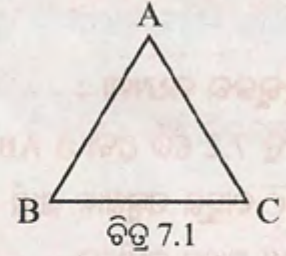
A, B, C ଏକ ସରଳରେଖାରେ ନ ଥିବା ତିନୋଟି ବିନ୍ଦୁ ହେଲେ, \overline{AB} , \overline{BC} ଓ \overline{CA} ରେଖାଖଣ୍ଡ ତିନୋଟି ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ର ହେଉଛି ଏକ ତ୍ରିଭୁଜ ଏବଂ ଏହାର ନାମ ΔABC (ଚିତ୍ର 7.1) । ତ୍ରିଭୁଜ ଏକ ଆବଦ୍ଧ ଚିତ୍ର ।

A, B, ଓ C କୁ ΔABC ର ଶୀର୍ଷବିନ୍ଦୁ କୁହାଯାଏ ।

\overline{AB} , \overline{BC} ଓ \overline{CA} କୁ ΔABC ର ବାହୁ କୁହାଯାଏ ।

$\angle A$, $\angle B$ ଓ $\angle C$ ହେଉଛି ΔABC ର ତିନୋଟି କୋଣ ।

$\angle A$ ର ସମ୍ମୁଖୀନ ବାହୁ \overline{BC} ଓ ବାହୁ \overline{BC} ର ସମ୍ମୁଖୀନ କୋଣ ହେଉଛି $\angle A$ ।



(କ) ସେହିଭଳି $\angle B$ ଓ $\angle C$ ର ସମ୍ମୁଖୀନ ବାହୁ ସ୍ଥିର କର ।

(ଖ) XYZ ନାମକ ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର \overline{XY} , \overline{YZ} ଓ \overline{ZX} ର ସମ୍ମୁଖୀନ କୋଣଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

ବାହୁମାନଙ୍କର ମାପ ଅନୁଯାୟୀ ତ୍ରିଭୁଜର ବିଭାଗାକରଣ ନିମ୍ନ ପ୍ରକାରେ କରାଯାଇପାରେ ।

(କ) ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ (ଖ) ସମଦ୍ୱିବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ (ଗ) ବିଷମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ

ସେହିପରି, କୋଣମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ପରିପ୍ରେକ୍ଷାରେ ତ୍ରିଭୁଜର ବିଭାଗାକରଣ ହେଉଛି -

(କ) ସୂକ୍ଷ୍ମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ (ଖ) ସ୍ଥୂଳକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ (ଗ) ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ

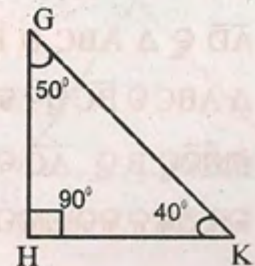
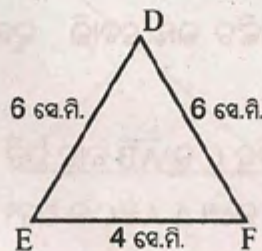
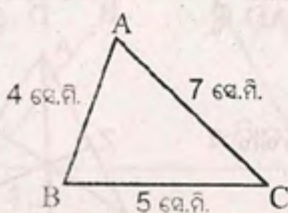
ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.1

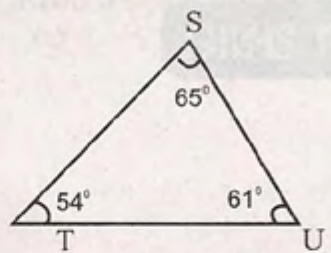
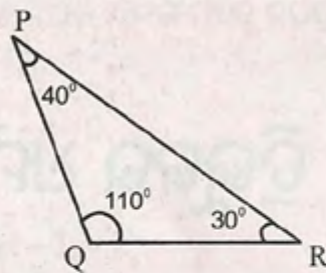
1. (କ) ΔPQR ରେ \overline{QR} ର ସମ୍ମୁଖୀନ କୋଣର ନାମ ଲେଖ ।

(ଖ) ΔDEF ରେ $\angle E$ ର ସମ୍ମୁଖୀନ ବାହୁର ନାମ ଲେଖ ।

(ଗ) ΔKLM ରେ M ଶୀର୍ଷର ସମ୍ମୁଖୀନ ବାହୁର ନାମ ଲେଖ ।

2. ନିମ୍ନ ଚିତ୍ରରେ ବିଭିନ୍ନ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଓ କୋଣର ପରିମାଣ ମାନ ଦିଆଯାଇଛି । ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଦିଅ ।





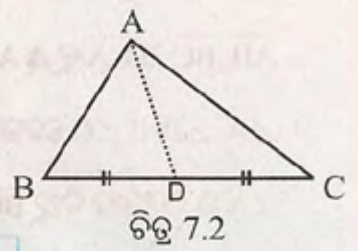
ଉପଯୁକ୍ତ ତ୍ରିଭୁଜର ନାମକରଣ କର :

- (କ) ବିଷମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ (ଖ) ସମଦ୍ୱିବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ (ଗ) ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ
 (ଘ) ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ (ଙ) ସ୍ଥୂଳକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ (ଚ) ସୂକ୍ଷ୍ମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ

7.2 ତ୍ରିଭୁଜ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କେତେକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ରେଖାଖଣ୍ଡ

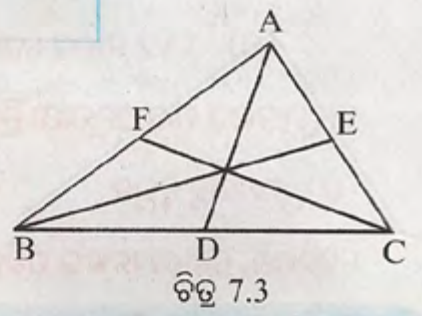
(କ) ତ୍ରିଭୁଜର ମଧ୍ୟମା :-

ଚିତ୍ର 7.2 ରେ ଥିବା ΔABC ର \overline{BC} ବାହୁକୁ ଦେଖ। \overline{BC} ବାହୁର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ D । \overline{BC} ବାହୁର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣାନ୍ତ ଶୀର୍ଷ A । \overline{AD} କୁ ΔABC ର ଗୋଟିଏ ମଧ୍ୟମା କୁହାଯାଏ । ଏଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ -



ତ୍ରିଭୁଜର ଗୋଟିଏ ବାହୁର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ ଓ ଉକ୍ତ ବାହୁର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣାନ୍ତ ଶୀର୍ଷବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜକ ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଗୋଟିଏ ମଧ୍ୟମା କୁହାଯାଏ ।

ଚିତ୍ର 7.2 ରେ ଅଙ୍କନ କରାଯାଇଥିବା ମଧ୍ୟମା ହେଉଛି \overline{BC} ପ୍ରତି ମଧ୍ୟମା । \overline{CA} ଓ \overline{AB} ର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ ନେଇ ଆଉ ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟମା ମଧ୍ୟ ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରେ । ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଚିହ୍ନଟ କର ।

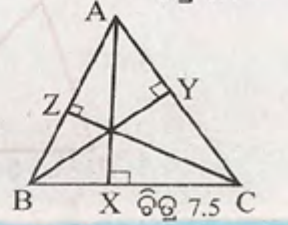
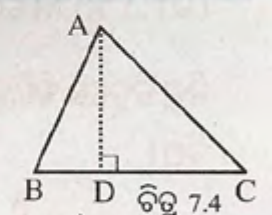


ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ନାମ ଦିଅ DEF ।
- ΔDEF ର ବାହୁ \overline{DE} , \overline{EF} ଓ \overline{FD} ର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କର । ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ ତିନୋଟିର ନାମ ଦିଅ K, L, M ।
- \overline{KF} , \overline{LD} ଓ \overline{ME} ମଧ୍ୟମା ତିନୋଟି ଅଙ୍କନ କର । \overline{KF} ଓ \overline{LD} ର ଛେଦବିନ୍ଦୁଟି ମଧ୍ୟମାର ଉପରେ ରହିଲା କିମ୍ବା ବାହାରେ ରହିଲା ଦେଖ । ଏଥିରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ? ତୁମେ ନିଶ୍ଚୟ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଥିବ ଯେ, \overline{KF} ଓ \overline{LD} ର ଛେଦବିନ୍ଦୁ \overline{ME} ମଧ୍ୟମା ଉପରେ ରହିବ । ଅର୍ଥାତ୍, ମଧ୍ୟମା ତିନୋଟି ଏକ ବିନ୍ଦୁଗାମୀ ।

(ଖ) ତ୍ରିଭୁଜର ଉଚ୍ଚତା :

ଚିତ୍ର 7.4 ରେ ଥିବା ΔABC ର ଶୀର୍ଷ ବିନ୍ଦୁ A ଠାରୁ \overline{BC} ପ୍ରତି \overline{AD} ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କରାଯାଇଛି । \overline{AD} କୁ ΔABC ର \overline{BC} ବାହୁ ପ୍ରତି ଅଙ୍କିତ ଲମ୍ବ ବୋଲି କୁହାଯାଏ । ଦୈର୍ଘ୍ୟ \overline{AD} କୁ ΔABC ର \overline{BC} ପ୍ରତି ଉଚ୍ଚତା କୁହାଯାଏ । ଶୀର୍ଷବିନ୍ଦୁ B ରୁ \overline{AC} ବାହୁ ପ୍ରତି ଓ ଶୀର୍ଷବିନ୍ଦୁ C ରୁ \overline{AB} ବାହୁ ପ୍ରତି ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରେ । ସେ ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟ ΔABC ର ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ଲମ୍ବ ।





ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ΔDEF ଅଙ୍କନ କର ।
- ସେଠାରେ D ବିନ୍ଦୁରୁ \overline{EF} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ଓ ଲମ୍ବର ପାଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ X ।
- ସେହିପରି E ବିନ୍ଦୁରୁ \overline{DF} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ଓ ଏହି ଲମ୍ବର ପାଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ Y ।
- ପୁନଶ୍ଚ ପୂର୍ବ ପରି F ବିନ୍ଦୁରୁ \overline{DE} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ଓ ଏହି ଲମ୍ବର ପାଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ Z । ବର୍ତ୍ତମାନ ΔDEF ର \overline{EF} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ \overline{DX} , \overline{FD} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ \overline{EY} ଓ \overline{DE} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ \overline{FZ} ପାଇଲ ।
- କହିଲ ଦେଖ, \overline{DX} , \overline{EY} ଓ \overline{FZ} ଲମ୍ବ ତିନୋଟି ପରସ୍ପରକୁ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରୁଥିବାର ଦେଖୁଛ ଅଥବା ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରୁଥିବାର ଦେଖୁଛ ?

ତୁମେ ନିଶ୍ଚୟ ଦେଖିବ ଯେ, ଲମ୍ବ ତ୍ରୟ ପରସ୍ପରକୁ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରୁଛନ୍ତି । ଅର୍ଥାତ୍, ତ୍ରିଭୁଜର ଲମ୍ବ ତିନୋଟି ଏକ ବିନ୍ଦୁଗାମୀ ।

7.3 ତ୍ରିଭୁଜର ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ଓ ଏହାର ଧର୍ମ

ତ୍ରିଭୁଜର ତିନୋଟି କୋଣ ଥାଏ, ତାହା ତୁମେ ଜାଣିଛ । ତ୍ରିଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣକୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣ ବୋଲି ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ ।

ଚିତ୍ର 7.6 ରେ ଥିବା ΔABC କୁ ଦେଖ । \overrightarrow{BD} ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ କର ଯେପରି \overline{BC} ବାହୁ \overrightarrow{BD} ର ଏକ ଅଂଶ ହୋଇଥିବ ।

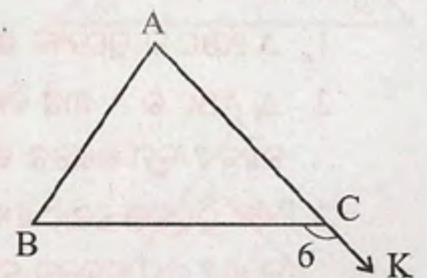
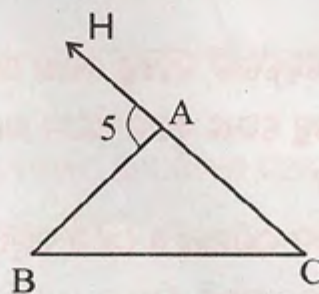
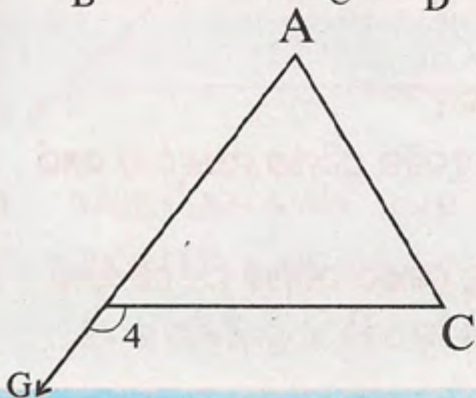
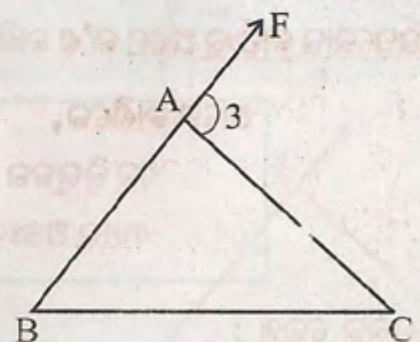
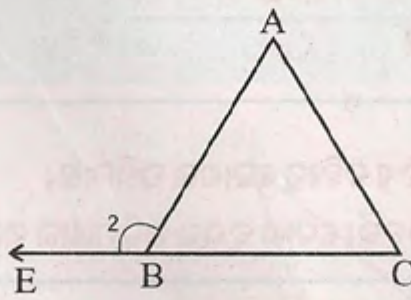
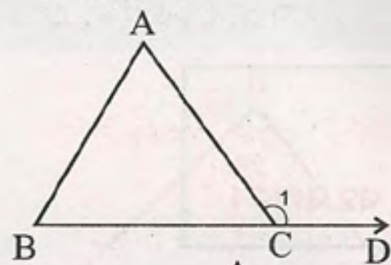
ଏବେ କହ, \overrightarrow{CD} ଓ \overline{CA} ଦ୍ୱାରା କେଉଁ କୋଣ ଉତ୍ପନ୍ନ ହେଉଛି ?

ଉତ୍ପନ୍ନ କୋଣ ହେଉଛି $\angle ACD$ ।

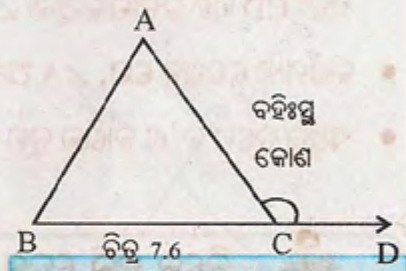
$\angle ACD$ କୁ ΔABC ର ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।

ଏହିଭଳି ΔABC ର କେତୋଟି ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ସମ୍ଭବ ?

ନିମ୍ନ ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖ ।



ଚିତ୍ର 7.7



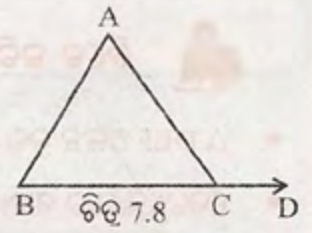
ଜାଣିଛ କି ?
 \overrightarrow{CD} କୁ ଆମେ ମଧ୍ୟ \overline{BC} ର ବର୍ଦ୍ଧିତାଂଶ କହିଥାଉ । \overline{BC} ର ବର୍ଦ୍ଧିତାଂଶ \overrightarrow{CD} ସହ \overline{AC} ବାହୁ ବହିଃସ୍ଥ $\angle ACD$ କୋଣ ଉତ୍ପନ୍ନ କରେ ବୋଲି ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ ।

ΔABC ର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶୀର୍ଷ ବିନ୍ଦୁରେ ଦୁଇଟି ଲେଖାଏଁ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ସମ୍ଭବ ।

ଚିତ୍ର 7.8 ରେ ΔABC ର ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ $\angle ACD$ ।

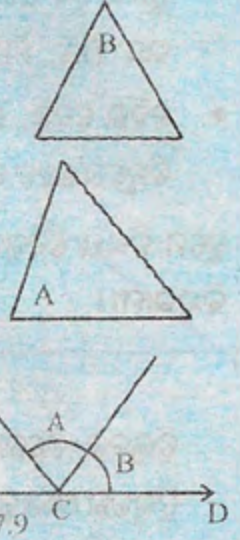
ΔABC ର ତିନୋଟି ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣ ମଧ୍ୟରୁ $\angle ACB$, ବହିଃସ୍ଥ $\angle ACD$ ର ସମ୍ବନ୍ଧିତ କୋଣ ଅଟେ ।

ଅନ୍ୟ ଦୁଇ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ $\angle BAC$ ଓ $\angle ABC$ କୁ ବହିଃସ୍ଥ $\angle ACD$ ର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ଗୋଟିଏ ଟ୍ରେସିଂ-କାଗଜ ନେଇ ΔABC ଉପରେ ରଖ ଏବଂ $\angle ABC$ ଓ $\angle BAC$ ର ଅବିକଳ ନକଲ ଅଙ୍କନ କର (ଟ୍ରେସିଂ-କାଗଜ ନ ଥିଲେ ସାଧାକାଗଜରେ ତେଲ ଘଷି ତେଲ ଲଗା କାଗଜ ନିଆଯାଇପାରେ)
- $\angle ABC$ ଓ $\angle BAC$ ର ନକଲ ଚିତ୍ରର ଧାରେ ଧାରେ କାଟି ଦେଇ କୋଣ ଦୁଇଟିକୁ ଅଲଗା କରି ନିଅ । ପାର୍ଶ୍ୱସ୍ଥ ଚିତ୍ର ଭଳି କୋଣ ଆକୃତିର ଖଣ୍ଡମାନ ପାଇବ ।
- ΔABC ର C ବିନ୍ଦୁରେ \overline{CA} ସହ କଟାଯାଇଥିବା $\angle A$ ଆକୃତିର ଗୋଟିଏ ଧାରକୁ ଲଗାଇ ରଖ ଏବଂ \overline{CD} ସହ କଟାଯାଇଥିବା $\angle B$ ଆକୃତିର ଗୋଟିଏ ଧାରକୁ ଲଗାଇ ରଖ (ଚିତ୍ର 7.9 ଭଳି) ।
- ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖିବ ଯେ, $\angle A$ ଆକୃତି ଓ $\angle B$ ଆକୃତିର ଅନ୍ୟ ଧାର ଦୁଇଟି ପରସ୍ପର ସହ ମିଶିଗଲା ।
- ଏଥିରୁ ତୁମେ କ'ଣ ଜାଣିଲ ତୁମ ସାଙ୍ଗମାନଙ୍କ ସହ ଆଲୋଚନା କରି ଲେଖ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ତୁମ ଖାତାରେ ΔABC ଅଙ୍କନ କର ।
- \overrightarrow{BD} ଅଙ୍କନ କର ଯାହାର \overline{BC} ବାହୁ ଗୋଟିଏ ଅଂଶ । ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ $\angle ACD$ ପାଇଲ ।
- $\angle A$, $\angle B$ ଓ ବହିଃସ୍ଥ $\angle ACD$ କୁ ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟର ସାହାଯ୍ୟରେ ମାପ ।
- $m\angle A + m\angle B$ କେତେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ପାଇଥିବା ସମଷ୍ଟି ଓ $m\angle ACD$ ମଧ୍ୟରେ କି ସମ୍ପର୍କ ଦେଖୁଛ ?
- ଉପରୋକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

ଆମେ ଜାଣିଲେ,
 ଏକ ତ୍ରିଭୁଜର ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣର ପରିମାଣ,
 ଏହାର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ କୋଣ ଦୁୟର ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି ସହ ସମାନ ।

ଉତ୍ତର ଲେଖ :

1. ΔABC ର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶୀର୍ଷ ବିନ୍ଦୁରେ କେତୋଟି ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ଅଙ୍କନ ସମ୍ଭବ ?
2. ΔABC ର A ଶୀର୍ଷ ବିନ୍ଦୁରେ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ଦୁଇଟି ଅଙ୍କନ କଲେ, ସେ ଦୁଇଟିର ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ କି ସମ୍ପର୍କ ରହିବ ? ତୁମ ଉତ୍ତରର କାରଣ କ'ଣ ?
3. ଏକ ତ୍ରିଭୁଜର ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣର ପରିମାଣ ଓ ତା'ର ସମ୍ବନ୍ଧିତ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣର ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ ସମ୍ପର୍କ କ'ଣ ? ତୁମ ଉତ୍ତରର କାରଣ କହ ।

ଉଦାହରଣ - 1

ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରରେ ΔABC ର ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ $\angle ABD$ ଅଙ୍କନ କରାଯାଇଛି ।

$m\angle ABD = 100^\circ$, $m\angle A = x^\circ$ ଓ $m\angle C = 35^\circ$ ହେଲେ x ର ମାନ କେତେ ?

ସମାଧାନ :

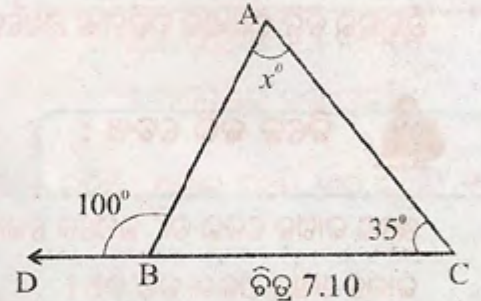
$\angle ABD$ ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ।

ଏଣୁ $m\angle ABD = m\angle A + m\angle C$

କିମ୍ବା $100^\circ = x^\circ + 35^\circ$

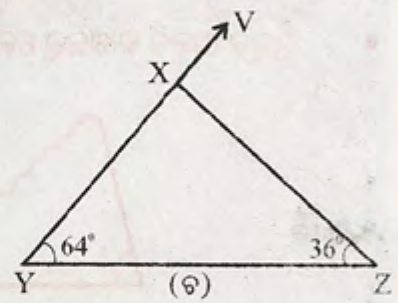
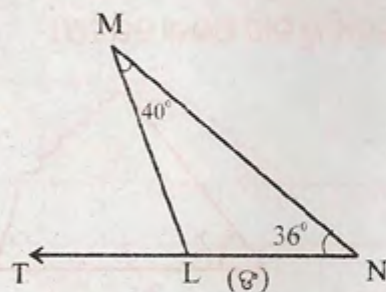
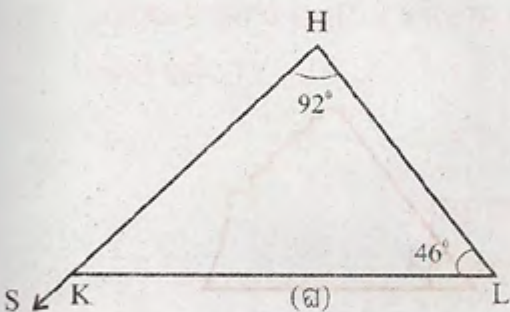
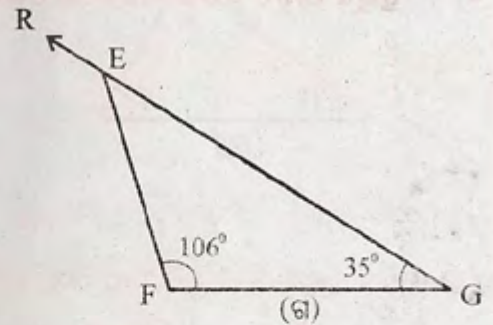
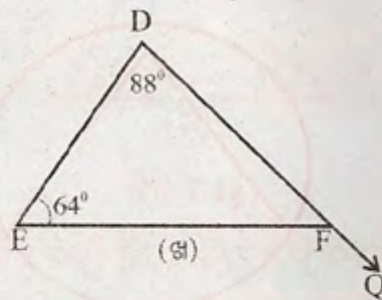
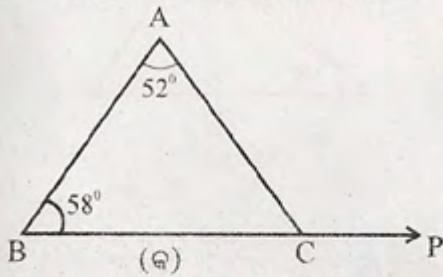
କିମ୍ବା $100^\circ - 35^\circ = x^\circ$

କିମ୍ବା $x = 65$

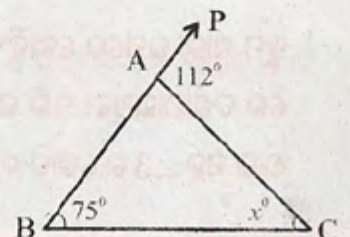


ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.2

1. ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରରେ ଦେଖୁଥିବା ବହିଃସ୍ଥ କୋଣଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।
2. ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ମୋଟ କେତେ ଗୋଟି ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ଅଙ୍କନ ସମ୍ଭବ ?
3. ନିମ୍ନସ୍ଥ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ ଦେଖୁଥିବା ତ୍ରିଭୁଜର ଦୁଇଟି କୋଣର ପରିମାଣ ଦିଆଯାଇଛି ଏବଂ ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ଦର୍ଶାଯାଇଛି । ଉକ୍ତ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



4. ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରରେ ΔABC ର $\angle B$ ଓ ବହିଃସ୍ଥ $\angle PAC$ ର ପରିମାଣ ଯଥାକ୍ରମେ 75° ଓ 112° । $\angle C$ ର ପରିମାଣକୁ x° ରୂପେ ସୂଚିତ କରାଯାଇଛି । x ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



- ΔABC ରେ $\angle B$ ର ପରିମାଣ $\angle C$ ର ପରିମାଣର ଦୁଇ ଗୁଣ। ଏହି ତ୍ରିଭୁଜର A ଠାରେ ଅଙ୍କିତ ଗୋଟିଏ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣର ପରିମାଣ 114° ହେଲେ, ତ୍ରିଭୁଜଟିର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।
- ସାର୍ବସ୍ଥ ΔABC ରେ $AC=BC$ । ବହିଃସ୍ଥ $\angle C$ ର ପରିମାଣ 160° ହେଲେ, $\angle B$ ଓ $\angle A$ ର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

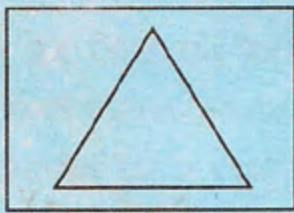
7.4 ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣ ପରିମାଣ ସମ୍ବନ୍ଧ ଧର୍ମ

ତ୍ରିଭୁଜର ତିନି କୋଣର ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସଂପର୍କକୁ ଜାଣିବା ପାଇଁ ନିମ୍ନ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ କରିବା।



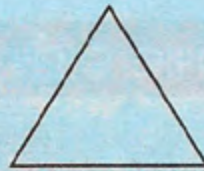
ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ଖଣ୍ଡେ କାଗଜ ନେଇ ତା' ଉପରେ ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର ଏବଂ ଏହି ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁର ଧାରେ ଧାରେ କାଟି ତ୍ରିଭୁଜ ଆକୃତିର କାଗଜ ଖଣ୍ଡକୁ ଅଲଗା କରି ନିଅ।



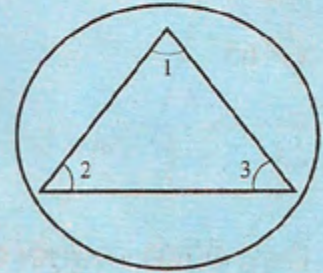
କାଗଜ ଉପରେ ଅଙ୍କିତ ତ୍ରିଭୁଜ

ଚିତ୍ର (କ)



ତ୍ରିଭୁଜ ଆକୃତିର କାଗଜ ଖଣ୍ଡ

ଚିତ୍ର (ଖ)

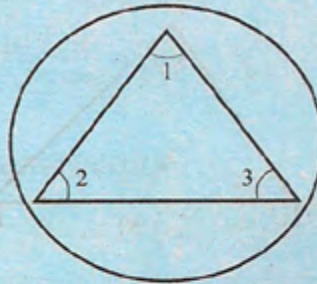


କୋଣ ତ୍ରୟର $\angle 1, \angle 2$ ଓ $\angle 3$ ନାମା କରଣ

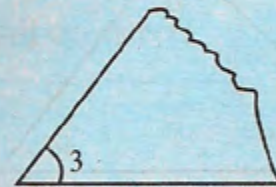
ଚିତ୍ର (ଗ)

ଚିତ୍ର 7.11

- ତ୍ରିଭୁଜ ଆକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ କାଗଜରେ କୋଣ ତିନୋଟିକୁ $\angle 1, \angle 2$ ଓ $\angle 3$ ରୂପେ ନାମିତ କର (ଚିତ୍ର - ଗ)।

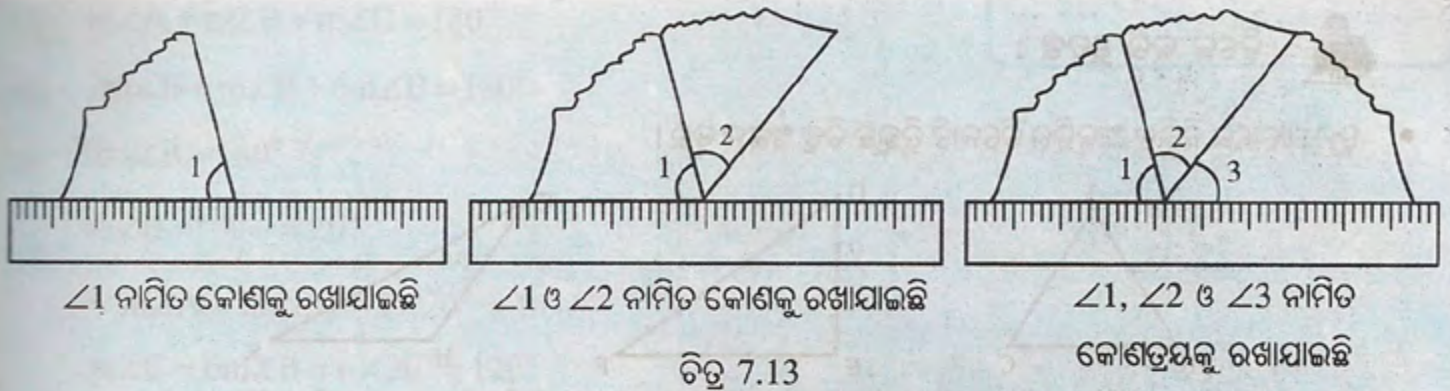


- ତ୍ରିଭୁଜ ଆକୃତି କାଗଜରୁ କୋଣ ତିନୋଟିକୁ କାଟି ଅଲଗା କରିଦିଅ।



ଚିତ୍ର 7.12

- ତୁମ ଖାତା ଉପରେ ଗୋଟିଏ ସ୍କେଲ ରଖ। ସ୍କେଲର ଗୋଟିଏ ଧାର ସହ କଟାଯାଇଥିବା କୋଣ ତିନୋଟିର ଶୀର୍ଷବିନ୍ଦୁକୁ ଚିତ୍ର 7.13 ରେ ଦର୍ଶାଯାଇଥିବା ଭଳି ଲଗାଇ ରଖ। ଏଠାରେ $\angle 1$ ର ଗୋଟିଏ ଧାର ସହ $\angle 2$ ର ଗୋଟିଏ ଧାର ଲାଗି ରହିଛି ଓ $\angle 2$ ର ଅନ୍ୟ ଧାର ସହ $\angle 3$ ର ଗୋଟିଏ ଧାର ଲାଗି ରହିଛି।



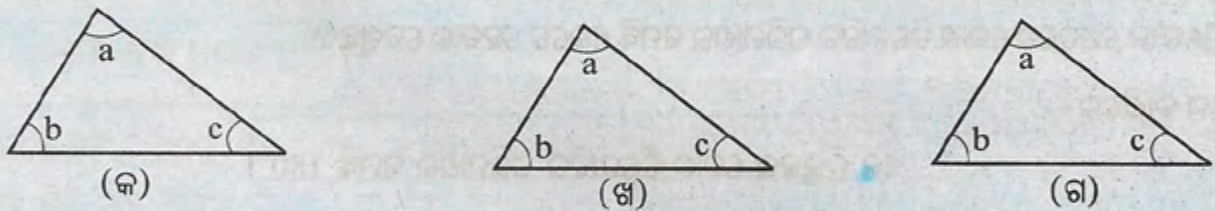
ଚିତ୍ର 7.13

$\angle 1$ ର ଗୋଟିଏ ଧାର ଓ କୋଣ $\angle 3$ ର ଗୋଟିଏ ଧାର ସ୍କେଲର ଧାର ସହ ଲାଗି ରହିଛି । ଅର୍ଥାତ୍ ସେହି ଧାର ଦୁଇଟି ଏକ ସରଳରେଖାରେ ରହିଛି ।

ଏଥିରୁ ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି କେତେ ହେଲା ବୋଲି ଜାଣିଲ ?

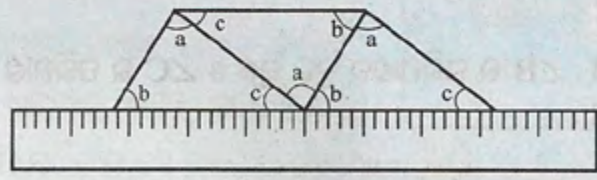
ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ତୁମ ଖାତାରେ ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର । କୋଣଗୁଡ଼ିକୁ $\angle a$, $\angle b$, $\angle c$ ରୂପେ ନାମିତ କର ।
- ଖଣ୍ଡେ ଟ୍ରେସିଂ-କାଗଜ ନେଇ ସେଥିରେ ତୁମ ଖାତାରେ ଅଙ୍କିତ ତ୍ରିଭୁଜର ତିନୋଟି ଅବିକଳ ନକଲ ପ୍ରସ୍ତୁତ କର ଓ ମୂଳ ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣମାନଙ୍କର ନାମକରଣ ଅନୁଯାୟୀ କୋଣଗୁଡ଼ିକର ନାମକରଣ କର ।
- ଟ୍ରେସିଂ-କାଗଜରୁ ନକଲ ତ୍ରିଭୁଜ ତିନୋଟିକୁ କାଟି ଅଲଗା କର ଯେପରି ଚିତ୍ର (କ), (ଖ) ଓ (ଗ) ରେ ଦର୍ଶାଯାଇଛି ।



ଚିତ୍ର 7.14

- ତୁମ ଖାତାର ଗୋଟିଏ ପୃଷ୍ଠା ଉପରେ ସ୍କେଲଟିଏ ରଖ । ତ୍ରିଭୁଜ ତିନୋଟିକୁ ସ୍କେଲ ଧାରରେ ନିମ୍ନ ଚିତ୍ର ଭଳି ସଜାଇ ରଖ । ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ଖଣ୍ଡର $\angle a$ ନାମିତ କୋଣ, ଅନ୍ୟ ଗୋଟିକର $\angle b$ ନାମିତ କୋଣ ଓ ତୃତୀୟଟିର $\angle c$ ନାମିତ କୋଣ ଏକାଠି ରହିବ ।



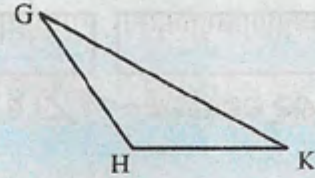
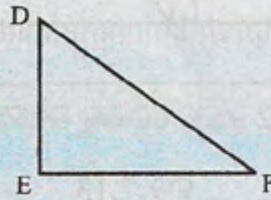
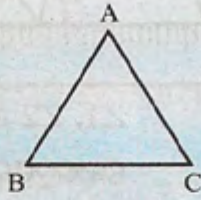
ଚିତ୍ର 7.15

- ଏହି ଅବସ୍ଥାରେ ପ୍ରଥମ ତ୍ରିଭୁଜର $\angle c$ ର ଗୋଟିଏ ବାହୁ ଓ ତୃତୀୟ ତ୍ରିଭୁଜର $\angle c$ ର ଗୋଟିଏ ବାହୁ ସ୍କେଲ ଧାରକୁ ଲାଗି ରହିବାର ଦେଖିବ । ଏଥିରୁ ତ୍ରିଭୁଜର $\angle a$, $\angle b$ ଓ $\angle c$ ର ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି କେତେ ହେବ ?



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ତୁମ ଖାତାରେ ବିଭିନ୍ନ ଆକୃତିର ତିନୋଟି ତ୍ରିଭୁଜ ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କର ।



- ପ୍ରୋତ୍ରାକୃର ବ୍ୟବହାର କରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ଓ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ନିମ୍ନ ସାରଣୀରେ ଯଥା ସ୍ଥାନରେ ଲେଖ ।

ତ୍ରିଭୁଜର ନାମ	କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣ	କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି
ΔABC	$m\angle A =$ $m\angle B =$ $m\angle C =$+.....+.....=
ΔDEF	$m\angle D =$ $m\angle E =$ $m\angle F =$+.....+.....=
ΔGHK	$m\angle G =$ $m\angle H =$ $m\angle K =$+.....+.....=

- ପ୍ରତ୍ୟେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି କେତେ ହେବାର ଦେଖୁଛ ?

ଏଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ -

ଏକ ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି 180° ।

✍ ତୁମେ ଉତ୍ତର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କର :

1. ΔABC ର $m\angle A=70^\circ$ ଓ $m\angle B=45^\circ$ ହେଲେ, $m\angle C$ କେତେ ?
2. ΔPQR ରେ $m\angle R$ ଅପେକ୍ଷା $m\angle Q$ 10° ଅଧିକ ଓ $m\angle Q$ ଠାରୁ $m\angle P$ 10° ଅଧିକ ହେଲେ, କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଉଦାହରଣ - 2

ΔABC ରେ $\angle A$ ର ପରିମାଣ $\angle B$ ର ପରିମାଣର ଦୁଇ ଗୁଣ ଓ $\angle C$ ର ପରିମାଣ $\angle A$ ର ପରିମାଣର ତିନି ଗୁଣ ହେଲେ, କୋଣ ତିନୋଟିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ :

ଦର ଅଛି -

$m\angle A = \angle B$ ର ପରିମାଣର ଦୁଇ ଗୁଣ

$m\angle C = \angle A$ ର ପରିମାଣର ତିନି ଗୁଣ

$= 3 \times \angle A$ ର ପରିମାଣ

$= 3 \times 2 \times \angle B$ ର ପରିମାଣ

$= 6 \times \angle B$ ର ପରିମାଣ ବା $\angle B$ ର ପରିମାଣର 6 ଗୁଣ

ମାତ୍ର $m\angle A + m\angle B + m\angle C = 180^\circ$

ଏଣୁ $2m\angle B + m\angle B + 6m\angle B = 180^\circ$

ବା, $9m\angle B = 180^\circ$

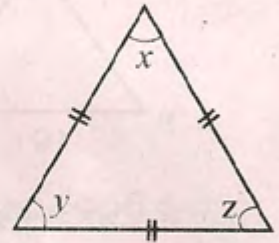
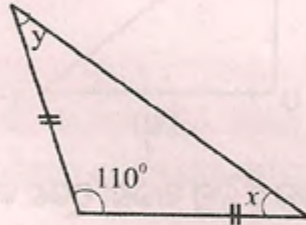
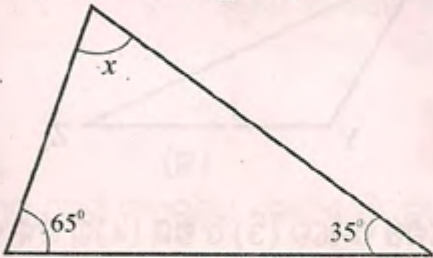
ବା, $m\angle B = \frac{180^\circ}{9} = 20^\circ$

$\therefore m\angle A = 2m\angle B = 2 \times 20^\circ = 40^\circ$

$m\angle C = 6m\angle B = 6 \times 20^\circ = 120^\circ$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.3

1. ନିମ୍ନ ଚିତ୍ର ତିନୋଟିରୁ x , y ଓ z ର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।



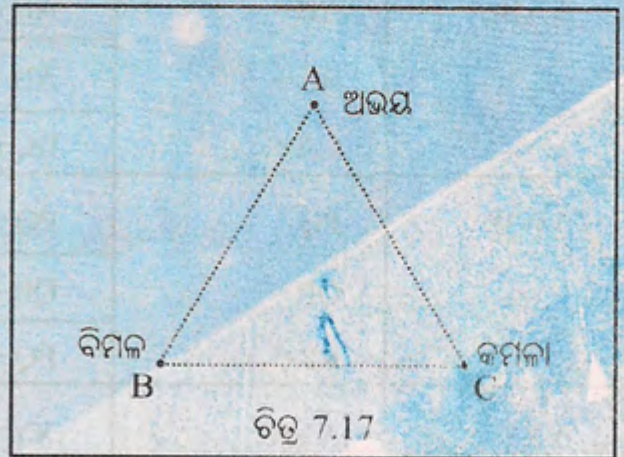
2. ΔABC ରେ $m\angle A = m\angle B + m\angle C$ ହେଲେ, କେତେ $m\angle A$ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

7.5. ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁ ସମ୍ପର୍କିତ ଧର୍ମ



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ସ୍କୁଲର ଖେଳ ପଡ଼ିଆକୁ ଯାଅ। ଚିତ୍ରରେ ଦେଖା ଯାଇଥିବା ଭଳି ତୁମର ତିନି ଜଣ ସାଙ୍ଗଙ୍କୁ ତିନୋଟି ସ୍ଥାନରେ ଠିଆ କରାଅ। ଚିତ୍ର 7.17 ରେ ଅଭୟ, ବିମଳ ଓ କମଳା ଏହି ଭଳି ତିନୋଟି ସ୍ଥାନରେ ଠିଆ ହୋଇଛନ୍ତି।
- ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୁଇ ଖଣ୍ଡ ଦଉଡ଼ି ନିଅ। ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦଉଡ଼ାର ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡକୁ ଅଭୟକୁ ଧରିବାକୁ କହ।
- ଗୋଟିଏ ଦଉଡ଼ାକୁ ଅଭୟ ପାଖରୁ କମଳା ପାଖକୁ ଲମ୍ବାଅ ଓ କମଳାକୁ ଦଉଡ଼ାଟିକି ଟାଣି ଧରିବାକୁ କହ। କମଳା ଧରିବା ସ୍ଥାନରେ ଦଉଡ଼ାଟିକୁ କାଟି ଦିଅ। ବର୍ତ୍ତମାନ ସେ ଦଉଡ଼ାର ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡ ଅଭୟ ଧରିଛି ଓ ଅନ୍ୟ ମୁଣ୍ଡ କମଳା ଧରିଛି। ତେଣୁ ସେ ଦଉଡ଼ାଟିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଅଭୟଠାରୁ କମଳାର ଦୂରତା ସହ ସମାନ।
- ଦ୍ୱିତୀୟ ଦଉଡ଼ାରୁ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡ ଅଭୟ ହାତରେ ଅଛି। ଦଉଡ଼ାଟିକୁ ବିମଳ ଆଡ଼କୁ ଲମ୍ବାଇ ଆଣ ଓ ବିମଳକୁ ଦଉଡ଼ାଟିକୁ ଟାଣି ଧରିବାକୁ କୁହ। ଦଉଡ଼ାଟିକୁ କମଳା ଆଡ଼କୁ ଲମ୍ବାଇ ନିଅ ଏବଂ କମଳାକୁ ଏହି ଦଉଡ଼ାଟିକୁ ଟାଣି ଧରିବାକୁ କୁହ। କମଳା ଟାଣି ଧରିବା ପରେ ଦଉଡ଼ାଟି ସେହି ଠାରୁ କାଟି ନିଅ।

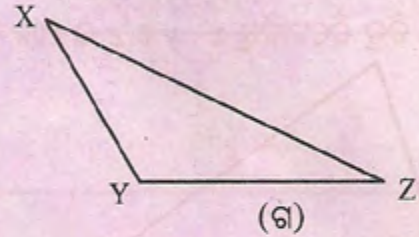
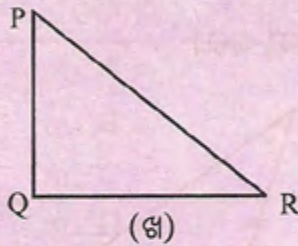
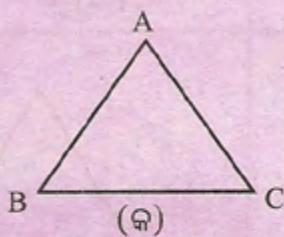


- ବର୍ତ୍ତମାନ ଦ୍ୱିତୀୟ ଦଉଡ଼ାଟିର ଗୋଟିଏ ଅଂଶ ଅଭୟ ଠାରୁ ବିମଳ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦୂରତା ସହ ସମାନ ଓ ଅନ୍ୟ ଅଂଶ ବିମଳଠାରୁ କମଳା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦୂରତା ସହ ସମାନ । ଏଣୁ ପ୍ରଥମ ଦଉଡ଼ାର ଲମ୍ବ = AC, ଦ୍ୱିତୀୟ ଦଉଡ଼ାର ଲମ୍ବ = AB + BC
- ବର୍ତ୍ତମାନ ଦଉଡ଼ା ଦୁଇଟିକୁ ନେଇ ସେ ଦୁଇଟିର ଦୈର୍ଘ୍ୟକୁ ତୁଳନା କର । କ'ଣ ପାଇଲ ?
ପ୍ରଥମ ଦଉଡ଼ାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଅପେକ୍ଷା ଦ୍ୱିତୀୟ ଦଉଡ଼ାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଅଧିକ ।
ଏଥରୁ ଜାଣିଲେ, ΔABC ରେ $AB + BC > AC$



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- ତୁମ ଖାତାରେ ତିନୋଟି ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର । ସେ ତ୍ରିଭୁଜ ତିନୋଟିର ନାମ ଦିଅ ABC, PQR, XYZ ।



- ପ୍ରତ୍ୟେକ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁଗୁଡ଼ିକର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପ ଓ ନିମ୍ନ ସାରଣୀ ପୂରଣ କର (ଶେଷ ସ୍ତମ୍ଭରେ (3) ଓ ସ୍ତମ୍ଭ (4)ର ଫଳ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଟି ବୃହତ୍ତର ଲେଖ ।)

ତ୍ରିଭୁଜର ନାମ (1)	ବାହୁଗୁଡ଼ିକର ଦୈର୍ଘ୍ୟ (2)	ଦୁଇଟି ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ସମଷ୍ଟି (3)	ତୃତୀୟ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ (4)	ସ୍ତମ୍ଭ (3) ଓ (4) ଫଳାଫଳ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା (5)
ΔABC	AB =	AB + BC =	AC =	
	BC =	AB + AC =	BC =	
	CA =	BC + AC =	AB =	
ΔPQR	PQ =	PQ + QR =	RP =	
	QR =	QR + RP =	PQ =	
	RP =	PQ + RP =	QR =	
ΔXYZ	XY =	XY + YZ =	ZX =	
	YZ =	YZ + ZX =	XY =	
	ZX =	XY + ZX =	YZ =	

- ଉପରିସ୍ଥ ସାରଣୀର ସ୍ତମ୍ଭ (5) ରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ସମଷ୍ଟି ଏହାର ତୃତୀୟ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଠାରୁ ବୃହତ୍ତର ।

କହିଲ ଦେଖ :

ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ବିୟୋଗଫଳ ତୃତୀୟ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟଠାରୁ କମ୍ ହେବ ନା ଅଧିକ ହେବ ?

1. ΔPQR ର $PQ = 8$ ସେ.ମି. ଓ $PR = 11$ ସେ.ମି., ନିମ୍ନ ଉକ୍ତିମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ୍ ଉକ୍ତିକୁ ବାଛ ।

- (କ) $QR, 2$ ସେ.ମି. ଠାରୁ ଅଧିକ ଓ 19 ସେ.ମି. ଠାରୁ କମ୍
 - (ଖ) $QR, 3$ ସେ.ମି. ଠାରୁ ଅଧିକ ଓ 20 ସେ.ମି. ଠାରୁ କମ୍
 - (ଗ) $QR, 3$ ସେ.ମି. ଠାରୁ ଅଧିକ ଓ 19 ସେ.ମି. ଠାରୁ କମ୍
 - (ଘ) $QR, 2$ ସେ.ମି. ଠାରୁ ଅଧିକ ଓ 20 ସେ.ମି. ଠାରୁ କମ୍
- ତୁମର ଉତ୍ତର ସପକ୍ଷରେ କାରଣ ଦର୍ଶାଅ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.4

1. ନିମ୍ନସ୍ଥ କେଉଁ ମାପଗୁଡ଼ିକ ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁତ୍ରୟର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସହ ସମାନ ହୋଇପାରନ୍ତି ?

- (କ) 4 ସେ.ମି., 5 ସେ.ମି. ଓ 9 ସେ.ମି.
- (ଖ) 5 ସେ.ମି., 6.5 ସେ.ମି. ଓ 12 ସେ.ମି.
- (ଗ) 12 ସେ.ମି., 7 ସେ.ମି. ଓ 4 ସେ.ମି.
- (ଘ) 8 ସେ.ମି., 9 ସେ.ମି. ଓ 11 ସେ.ମି.

ଜାଣନ୍ତୁ କି ?

- ବୃହତ୍ତମ ମାପ ସହ ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ମାପର ସମଷ୍ଟିକୁ ତୁଳନା କଲେ ବୃହତ୍ତମ ମାପଟି ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ସମଷ୍ଟି ଠାରୁ ଛୋଟ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ
- କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ମାପକୁ ଅନ୍ୟ ଦୁଇ ମାପର ବିୟୋଗଫଳ ସହ ତୁଳନା କଲେ, କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ମାପଟି ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟିର ବିୟୋଗଫଳ ଠାରୁ ବଡ଼ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ।

2. ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରରୁ $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CD}, \overline{DA}, \overline{AC}$ ଓ \overline{BD} ର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପ ।

ନିମ୍ନ ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

$AB + BC + CD + DA =$ _____

$AC + BD =$ _____

$AB + BC + CD + DA$ $AC + BD$ [$>$ ବା $<$]



ଏଥିରୁ କ'ଣ ଜାଣିଲ ଲେଖ ।

3. ନିଜେ ଚିତ୍ରାକର, ସାଙ୍ଗମାନଙ୍କ ସହ ଆଲୋଚନା କର ତା'ପରେ ଉତ୍ତର ଲେଖ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉତ୍ତରର କାରଣ ଲେଖ ।

- (କ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ଦୁଇଟି କୋଣ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସମକୋଣ ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଖ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ଦୁଇଟି କୋଣ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଥୂଳକୋଣ ହୋଇ ପାରିବ କି ?

- (ଗ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜରେ କେବଳ ଗୋଟିଏ କୋଣ ସୂକ୍ଷ୍ମକୋଣ ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଘ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜରେ କେବଳ ଦୁଇଟି କୋଣ ସୂକ୍ଷ୍ମକୋଣ ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଙ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ମାପ 60° ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଚ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ମାପ 60° ଠାରୁ ବଡ଼ ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଛ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ମାପ 60° ଠାରୁ ସାନ ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଜ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁ ତିନୋଟିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 8 ସେ.ମି., 7 ସେ.ମି. ଓ 15 ସେ.ମି. ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଝ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁ ତିନୋଟିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 8 ସେ.ମି., 5 ସେ.ମି. ଓ 3 ସେ.ମି. ହୋଇ ପାରିବ କି ?
- (ଞ) ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁ ତିନୋଟିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 4 ସେ.ମି., 5 ସେ.ମି. ଓ 8 ସେ.ମି. ହୋଇ ପାରିବ କି ?



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

କାଗଜ ଭାଙ୍ଗି ସମଦ୍ୱିବାହୁ ଓ ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ ତିଆରି କରିବା ।

- ଖଣ୍ଡିଏ ବର୍ଗାକାର କାଗଜ ନେଇ ବାମ-ଡାହାଣ ଧାର ଭାଙ୍ଗି ଅଧା କର । ଭାଙ୍ଗଟିକୁ ଭଲକରି ଚାପି ଖୋଲିଦିଅ । ଭାଙ୍ଗଟିର ନାଁ ‘ଚନ୍ଦ୍ର’ ରଖ ।
- ‘ଚନ୍ଦ୍ର’ ବିନ୍ଦୁକୁ ଯୋଡ଼ି ଭାଙ୍ଗିଦିଅ ଓ କାଗଜଟିକୁ ଖୋଲିଦିଅ । ଆମକୁ ‘ଚନ୍ଦ୍ର’ ଭାଙ୍ଗ ମିଳିବ ।
- ସେହିପରି ‘ଚନ୍ଦ୍ର’ ବିନ୍ଦୁ ମିଶାଇ ଭାଙ୍ଗିଦିଅ ଓ କାଗଜଟିକୁ ଖୋଲିଦିଅ ।

ଏବେ ‘ଘଟଗ’ ଗୋଟିଏ ସମଦ୍ୱିବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ ହେବ । ‘ଚନ୍ଦ୍ର’ ହେବ ଏହାର ମଧ୍ୟମା । ତେଣୁ ‘ଘଟଗ’ ଓ ‘ଗଟଗ’ ଦୁଇଟି ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ ହେବ ।

